



The GMAO 4DVAR and its Adjoint Tools

Ricardo Todling, and Yannick Tremolet
Global Modeling and Assimilation Office, NASA/GSFC, Greenbelt, MD 20771

Abstract

The fifth generation of the Goddard Earth Observing System (GEOS-5) Data Assimilation System (DAS) is a 3d-var system that uses the Grid-point Statistical Interpolation (GSI) system developed in collaboration with NCEP, and a general circulation model developed at Goddard, that includes the finite-volume hydrodynamics of GEOS-4 wrapped in the Earth System Modeling Framework and physical packages tuned to provide a reliable hydrological cycle for the integration of the Modern Era Retrospective-analysis for Research and Applications (MERRA). This MERRA system is essentially complete and the next generation GEOS is under intense development. A prototype next generation system is now complete and has been producing preliminary results. This prototype system replaces the GSI-based Incremental Analysis Update procedure with a GSI-based 4d-var which uses the adjoint of the finite-volume hydrodynamics of GEOS-4 together with a vertical diffusing scheme for simplified physics. As part of this development we have kept the GEOS-5 IAU procedure as an option and have added the capability to experiment with a First Guess at the Appropriate Time (FGAT) procedure, thus allowing for at least three modes of running the data assimilation experiments.

The prototype system is a large extension of GEOS-5 as it also includes various adjoint-based tools, namely, a forecast sensitivity tool, a singular vector tool, and an observation impact tool, that combines the model sensitivity tool with a GSI-based adjoint tool. These features bring the global data assimilation effort at Goddard up to date with technologies used in data assimilation systems at major meteorological centers elsewhere.

Four-dimensional Variational Approach

The general cost function of the variational formulation

$$J(x) = \frac{1}{2} (x_0 - x^*)^T B^{-1} (x_0 - x^*) + J_0 + \frac{1}{2} \sum_{k=1}^K [(x_k - y_k)^T R_k^{-1} (x_k - y_k)] + \frac{1}{2} \sum_{k=1}^K [(x_k - x_{k-1})^T Q_k^{-1} (x_k - x_{k-1})]$$

where

- $x \equiv [x_0, x_1, \dots, x_K]^T$ is a 4d state vector;
- h_k and m_k are the nonlinear observation and dynamical model operators, respectively;
- B , Q_k , and R_k are the background, model, and observation error covariances, respectively;
- Strong constraint formulation: $Q_k \rightarrow \infty$;
- Weak constraint formulation: $Q_k \neq 0$ accounts for imperfections in the model an;
- J_0 represents a balance constraint.

Incremental Variational Formulation

The minimization of J is iteratively treated in the Gauss-Newton sense where an iterative procedure linearizes the cost function at each, so called, outer loop, turning the problem in to a quadratic minimization problem for the following function

$$J_i \equiv J(\delta x_i) = \frac{1}{2} (\delta x_i - \delta x_i^*)^T B^{-1} (\delta x_i - \delta x_i^*) + \frac{1}{2} (H_i \delta x_i - d_i)^T R_i^{-1} (H_i \delta x_i - d_i)$$

- where $\delta x_i \equiv x - x_{i-1}$, $\delta x_i^* \equiv x^* - x_{i-1}$, and
- $\delta x_i \equiv x_i - x_{i-1}$ is the control variable;
- R is a 4d matrix combining the matrices R_0 and Q_k ;
- The inner loop minimization of J_i can be solved by
 - Conjugate gradient
 - Quasi-Newton (such as L-BFGS)
 - Lanczos
- Conditioning of the J_i minimization is determined by the Hessian $\nabla^2 J_i \equiv B^{-1} + H_i^T R_i^{-1} H_i$, which spectrum is such that a good preconditioner is essential, particularly in 4dvar.

Experimental Setup IAU and 4DVAR to GEOS-5

- 20207 resolution
- Period: January 2008
- Comparison based on North Means and Relative Statistics
- Both 3dvar and 4dvar use Lanczos-based Q2, Q3, Q4, Q5, Q6, Q7, Q8, Q9, Q10, Q11, Q12, Q13, Q14, Q15, Q16, Q17, Q18, Q19, Q20, Q21, Q22, Q23, Q24, Q25, Q26, Q27, Q28, Q29, Q30, Q31, Q32, Q33, Q34, Q35, Q36, Q37, Q38, Q39, Q40, Q41, Q42, Q43, Q44, Q45, Q46, Q47, Q48, Q49, Q50, Q51, Q52, Q53, Q54, Q55, Q56, Q57, Q58, Q59, Q60, Q61, Q62, Q63, Q64, Q65, Q66, Q67, Q68, Q69, Q70, Q71, Q72, Q73, Q74, Q75, Q76, Q77, Q78, Q79, Q80, Q81, Q82, Q83, Q84, Q85, Q86, Q87, Q88, Q89, Q90, Q91, Q92, Q93, Q94, Q95, Q96, Q97, Q98, Q99, Q100, Q101, Q102, Q103, Q104, Q105, Q106, Q107, Q108, Q109, Q110, Q111, Q112, Q113, Q114, Q115, Q116, Q117, Q118, Q119, Q120, Q121, Q122, Q123, Q124, Q125, Q126, Q127, Q128, Q129, Q130, Q131, Q132, Q133, Q134, Q135, Q136, Q137, Q138, Q139, Q140, Q141, Q142, Q143, Q144, Q145, Q146, Q147, Q148, Q149, Q150, Q151, Q152, Q153, Q154, Q155, Q156, Q157, Q158, Q159, Q160, Q161, Q162, Q163, Q164, Q165, Q166, Q167, Q168, Q169, Q170, Q171, Q172, Q173, Q174, Q175, Q176, Q177, Q178, Q179, Q180, Q181, Q182, Q183, Q184, Q185, Q186, Q187, Q188, Q189, Q190, Q191, Q192, Q193, Q194, Q195, Q196, Q197, Q198, Q199, Q200, Q201, Q202, Q203, Q204, Q205, Q206, Q207, Q208, Q209, Q210, Q211, Q212, Q213, Q214, Q215, Q216, Q217, Q218, Q219, Q220, Q221, Q222, Q223, Q224, Q225, Q226, Q227, Q228, Q229, Q230, Q231, Q232, Q233, Q234, Q235, Q236, Q237, Q238, Q239, Q240, Q241, Q242, Q243, Q244, Q245, Q246, Q247, Q248, Q249, Q250, Q251, Q252, Q253, Q254, Q255, Q256, Q257, Q258, Q259, Q260, Q261, Q262, Q263, Q264, Q265, Q266, Q267, Q268, Q269, Q270, Q271, Q272, Q273, Q274, Q275, Q276, Q277, Q278, Q279, Q280, Q281, Q282, Q283, Q284, Q285, Q286, Q287, Q288, Q289, Q290, Q291, Q292, Q293, Q294, Q295, Q296, Q297, Q298, Q299, Q300, Q301, Q302, Q303, Q304, Q305, Q306, Q307, Q308, Q309, Q310, Q311, Q312, Q313, Q314, Q315, Q316, Q317, Q318, Q319, Q320, Q321, Q322, Q323, Q324, Q325, Q326, Q327, Q328, Q329, Q330, Q331, Q332, Q333, Q334, Q335, Q336, Q337, Q338, Q339, Q340, Q341, Q342, Q343, Q344, Q345, Q346, Q347, Q348, Q349, Q350, Q351, Q352, Q353, Q354, Q355, Q356, Q357, Q358, Q359, Q360, Q361, Q362, Q363, Q364, Q365, Q366, Q367, Q368, Q369, Q370, Q371, Q372, Q373, Q374, Q375, Q376, Q377, Q378, Q379, Q380, Q381, Q382, Q383, Q384, Q385, Q386, Q387, Q388, Q389, Q390, Q391, Q392, Q393, Q394, Q395, Q396, Q397, Q398, Q399, Q400, Q401, Q402, Q403, Q404, Q405, Q406, Q407, Q408, Q409, Q410, Q411, Q412, Q413, Q414, Q415, Q416, Q417, Q418, Q419, Q420, Q421, Q422, Q423, Q424, Q425, Q426, Q427, Q428, Q429, Q430, Q431, Q432, Q433, Q434, Q435, Q436, Q437, Q438, Q439, Q440, Q441, Q442, Q443, Q444, Q445, Q446, Q447, Q448, Q449, Q450, Q451, Q452, Q453, Q454, Q455, Q456, Q457, Q458, Q459, Q460, Q461, Q462, Q463, Q464, Q465, Q466, Q467, Q468, Q469, Q470, Q471, Q472, Q473, Q474, Q475, Q476, Q477, Q478, Q479, Q480, Q481, Q482, Q483, Q484, Q485, Q486, Q487, Q488, Q489, Q490, Q491, Q492, Q493, Q494, Q495, Q496, Q497, Q498, Q499, Q500, Q501, Q502, Q503, Q504, Q505, Q506, Q507, Q508, Q509, Q510, Q511, Q512, Q513, Q514, Q515, Q516, Q517, Q518, Q519, Q520, Q521, Q522, Q523, Q524, Q525, Q526, Q527, Q528, Q529, Q530, Q531, Q532, Q533, Q534, Q535, Q536, Q537, Q538, Q539, Q540, Q541, Q542, Q543, Q544, Q545, Q546, Q547, Q548, Q549, Q550, Q551, Q552, Q553, Q554, Q555, Q556, Q557, Q558, Q559, Q560, Q561, Q562, Q563, Q564, Q565, Q566, Q567, Q568, Q569, Q570, Q571, Q572, Q573, Q574, Q575, Q576, Q577, Q578, Q579, Q580, Q581, Q582, Q583, Q584, Q585, Q586, Q587, Q588, Q589, Q590, Q591, Q592, Q593, Q594, Q595, Q596, Q597, Q598, Q599, Q600, Q601, Q602, Q603, Q604, Q605, Q606, Q607, Q608, Q609, Q610, Q611, Q612, Q613, Q614, Q615, Q616, Q617, Q618, Q619, Q620, Q621, Q622, Q623, Q624, Q625, Q626, Q627, Q628, Q629, Q630, Q631, Q632, Q633, Q634, Q635, Q636, Q637, Q638, Q639, Q640, Q641, Q642, Q643, Q644, Q645, Q646, Q647, Q648, Q649, Q650, Q651, Q652, Q653, Q654, Q655, Q656, Q657, Q658, Q659, Q660, Q661, Q662, Q663, Q664, Q665, Q666, Q667, Q668, Q669, Q670, Q671, Q672, Q673, Q674, Q675, Q676, Q677, Q678, Q679, Q680, Q681, Q682, Q683, Q684, Q685, Q686, Q687, Q688, Q689, Q690, Q691, Q692, Q693, Q694, Q695, Q696, Q697, Q698, Q699, Q700, Q701, Q702, Q703, Q704, Q705, Q706, Q707, Q708, Q709, Q710, Q711, Q712, Q713, Q714, Q715, Q716, Q717, Q718, Q719, Q720, Q721, Q722, Q723, Q724, Q725, Q726, Q727, Q728, Q729, Q730, Q731, Q732, Q733, Q734, Q735, Q736, Q737, Q738, Q739, Q740, Q741, Q742, Q743, Q744, Q745, Q746, Q747, Q748, Q749, Q750, Q751, Q752, Q753, Q754, Q755, Q756, Q757, Q758, Q759, Q760, Q761, Q762, Q763, Q764, Q765, Q766, Q767, Q768, Q769, Q770, Q771, Q772, Q773, Q774, Q775, Q776, Q777, Q778, Q779, Q780, Q781, Q782, Q783, Q784, Q785, Q786, Q787, Q788, Q789, Q790, Q791, Q792, Q793, Q794, Q795, Q796, Q797, Q798, Q799, Q800, Q801, Q802, Q803, Q804, Q805, Q806, Q807, Q808, Q809, Q810, Q811, Q812, Q813, Q814, Q815, Q816, Q817, Q818, Q819, Q820, Q821, Q822, Q823, Q824, Q825, Q826, Q827, Q828, Q829, Q830, Q831, Q832, Q833, Q834, Q835, Q836, Q837, Q838, Q839, Q840, Q841, Q842, Q843, Q844, Q845, Q846, Q847, Q848, Q849, Q850, Q851, Q852, Q853, Q854, Q855, Q856, Q857, Q858, Q859, Q860, Q861, Q862, Q863, Q864, Q865, Q866, Q867, Q868, Q869, Q870, Q871, Q872, Q873, Q874, Q875, Q876, Q877, Q878, Q879, Q880, Q881, Q882, Q883, Q884, Q885, Q886, Q887, Q888, Q889, Q890, Q891, Q892, Q893, Q894, Q895, Q896, Q897, Q898, Q899, Q900, Q901, Q902, Q903, Q904, Q905, Q906, Q907, Q908, Q909, Q910, Q911, Q912, Q913, Q914, Q915, Q916, Q917, Q918, Q919, Q920, Q921, Q922, Q923, Q924, Q925, Q926, Q927, Q928, Q929, Q930, Q931, Q932, Q933, Q934, Q935, Q936, Q937, Q938, Q939, Q940, Q941, Q942, Q943, Q944, Q945, Q946, Q947, Q948, Q949, Q950, Q951, Q952, Q953, Q954, Q955, Q956, Q957, Q958, Q959, Q960, Q961, Q962, Q963, Q964, Q965, Q966, Q967, Q968, Q969, Q970, Q971, Q972, Q973, Q974, Q975, Q976, Q977, Q978, Q979, Q980, Q981, Q982, Q983, Q984, Q985, Q986, Q987, Q988, Q989, Q990, Q991, Q992, Q993, Q994, Q995, Q996, Q997, Q998, Q999, Q1000, Q1001, Q1002, Q1003, Q1004, Q1005, Q1006, Q1007, Q1008, Q1009, Q1010, Q1011, Q1012, Q1013, Q1014, Q1015, Q1016, Q1017, Q1018, Q1019, Q1020, Q1021, Q1022, Q1023, Q1024, Q1025, Q1026, Q1027, Q1028, Q1029, Q1030, Q1031, Q1032, Q1033, Q1034, Q1035, Q1036, Q1037, Q1038, Q1039, Q1040, Q1041, Q1042, Q1043, Q1044, Q1045, Q1046, Q1047, Q1048, Q1049, Q1050, Q1051, Q1052, Q1053, Q1054, Q1055, Q1056, Q1057, Q1058, Q1059, Q1060, Q1061, Q1062, Q1063, Q1064, Q1065, Q1066, Q1067, Q1068, Q1069, Q1070, Q1071, Q1072, Q1073, Q1074, Q1075, Q1076, Q1077, Q1078, Q1079, Q1080, Q1081, Q1082, Q1083, Q1084, Q1085, Q1086, Q1087, Q1088, Q1089, Q1090, Q1091, Q1092, Q1093, Q1094, Q1095, Q1096, Q1097, Q1098, Q1099, Q1100, Q1101, Q1102, Q1103, Q1104, Q1105, Q1106, Q1107, Q1108, Q1109, Q1110, Q1111, Q1112, Q1113, Q1114, Q1115, Q1116, Q1117, Q1118, Q1119, Q1120, Q1121, Q1122, Q1123, Q1124, Q1125, Q1126, Q1127, Q1128, Q1129, Q1130, Q1131, Q1132, Q1133, Q1134, Q1135, Q1136, Q1137, Q1138, Q1139, Q1140, Q1141, Q1142, Q1143, Q1144, Q1145, Q1146, Q1147, Q1148, Q1149, Q1150, Q1151, Q1152, Q1153, Q1154, Q1155, Q1156, Q1157, Q1158, Q1159, Q1160, Q1161, Q1162, Q1163, Q1164, Q1165, Q1166, Q1167, Q1168, Q1169, Q1170, Q1171, Q1172, Q1173, Q1174, Q1175, Q1176, Q1177, Q1178, Q1179, Q1180, Q1181, Q1182, Q1183, Q1184, Q1185, Q1186, Q1187, Q1188, Q1189, Q1190, Q1191, Q1192, Q1193, Q1194, Q1195, Q1196, Q1197, Q1198, Q1199, Q1200, Q1201, Q1202, Q1203, Q1204, Q1205, Q1206, Q1207, Q1208, Q1209, Q1210, Q1211, Q1212, Q1213, Q1214, Q1215, Q1216, Q1217, Q1218, Q1219, Q1220, Q1221, Q1222, Q1223, Q1224, Q1225, Q1226, Q1227, Q1228, Q1229, Q1230, Q1231, Q1232, Q1233, Q1234, Q1235, Q1236, Q1237, Q1238, Q1239, Q1240, Q1241, Q1242, Q1243, Q1244, Q1245, Q1246, Q1247, Q1248, Q1249, Q1250, Q1251, Q1252, Q1253, Q1254, Q1255, Q1256, Q1257, Q1258, Q1259, Q1260, Q1261, Q1262, Q1263, Q1264, Q1265, Q1266, Q1267, Q1268, Q1269, Q1270, Q1271, Q1272, Q1273, Q1274, Q1275, Q1276, Q1277, Q1278, Q1279, Q1280, Q1281, Q1282, Q1283, Q1284, Q1285, Q1286, Q1287, Q1288, Q1289, Q1290, Q1291, Q1292, Q1293, Q1294, Q1295, Q1296, Q1297, Q1298, Q1299, Q1300, Q1301, Q1302, Q1303, Q1304, Q1305, Q1306, Q1307, Q1308, Q1309, Q1310, Q1311, Q1312, Q1313, Q1314, Q1315, Q1316, Q1317, Q1318, Q1319, Q1320, Q1321, Q1322, Q1323, Q1324, Q1325, Q1326, Q1327, Q1328, Q1329, Q1330, Q1331, Q1332, Q1333, Q1334, Q1335, Q1336, Q1337, Q1338, Q1339, Q1340, Q1341, Q1342, Q1343, Q1344, Q1345, Q1346, Q1347, Q1348, Q1349, Q1350, Q1351, Q1352, Q1353, Q1354, Q1355, Q1356, Q1357, Q1358, Q1359, Q1360, Q1361, Q1362, Q1363, Q1364, Q1365, Q1366, Q1367, Q1368, Q1369, Q1370, Q1371, Q1372, Q1373, Q1374, Q1375, Q1376, Q1377, Q1378, Q1379, Q1380, Q1381, Q1382, Q1383, Q1384, Q1385, Q1386, Q1387, Q1388, Q1389, Q1390, Q1391, Q1392, Q1393, Q1394, Q1395, Q1396, Q1397, Q1398, Q1399, Q1400, Q1401, Q1402, Q1403, Q1404, Q1405, Q1406, Q1407, Q1408, Q1409, Q1410, Q1411, Q1412, Q1413, Q1414, Q1415, Q1416, Q1417, Q1418, Q1419, Q1420, Q1421, Q1422, Q1423, Q1424, Q1425, Q1426, Q1427, Q1428, Q1429, Q1430, Q1431, Q1432, Q1433, Q1434, Q1435, Q1436, Q1437, Q1438, Q1439, Q1440, Q1441, Q1442, Q1443, Q1444, Q1445, Q1446, Q1447, Q1448, Q1449, Q1450, Q1451, Q1452, Q1453, Q1454, Q1455, Q1456, Q1457, Q1458, Q1459, Q1460, Q1461, Q1462, Q1463, Q1464, Q1465, Q1466, Q1467, Q1468, Q1469, Q1470, Q1471, Q1472, Q1473, Q1474, Q1475, Q1476, Q1477, Q1478, Q1479, Q1480, Q1481, Q1482, Q1483, Q1484, Q1485, Q1486, Q1487, Q1488, Q1489, Q1490, Q1491, Q1492, Q1493, Q1494, Q1495, Q1496, Q1497, Q1498, Q1499, Q1500, Q1501, Q1502, Q1503, Q1504, Q1505, Q1506, Q1507, Q1508, Q1509, Q1510, Q1511, Q1512, Q1513, Q1514, Q1515, Q1516, Q1517, Q1518, Q1519, Q1520, Q1521, Q1522, Q1523, Q1524, Q1525, Q1526, Q1527, Q1528, Q1529, Q1530, Q1531, Q1532, Q1533, Q1534, Q1535, Q1536, Q1537, Q1538, Q1539, Q1540, Q1541, Q1542, Q1543, Q1544, Q1545, Q1546, Q1547, Q1548, Q1549, Q1550, Q1551, Q1552, Q1553, Q1554, Q1555, Q1556, Q1557, Q1558, Q1559, Q1560, Q1561, Q1562, Q1563, Q1564, Q1565, Q1566, Q1567, Q1568, Q1569, Q1570, Q1571, Q1572, Q1573, Q1574, Q1575, Q1576, Q1577, Q1578, Q1579, Q1580, Q1581, Q1582, Q1583, Q1584, Q1585, Q1586, Q1587, Q1588, Q1589, Q1590, Q1591, Q1592, Q1593, Q1594, Q1595, Q1596, Q1597, Q1598, Q1599, Q1600, Q1601, Q1602, Q1603, Q1604, Q1605, Q1606, Q1607, Q1608, Q1609, Q1610, Q1611, Q1612, Q1613, Q1614, Q1615, Q1616, Q1617, Q1618, Q1619, Q1620, Q1621, Q1622, Q1623, Q1624, Q1625, Q1626, Q1627, Q1628, Q1629, Q1630, Q1631, Q1632, Q1633, Q1634, Q1635, Q1636, Q1637, Q1638, Q1639, Q1640, Q1641, Q1642, Q1643, Q1644, Q1645, Q1646, Q1647, Q1648, Q1649, Q1650, Q1651, Q1652, Q1653, Q1654, Q1655, Q1656, Q1657, Q1658, Q1659, Q1660, Q1661, Q1662, Q1663, Q1664, Q1665, Q1666, Q1667, Q1668, Q1669, Q1670, Q1671, Q1672, Q1673, Q1674, Q1675, Q1676, Q1677, Q1678, Q1679, Q1680, Q1681, Q1682, Q1683, Q1684, Q1685, Q1686, Q1687, Q1688, Q1689, Q1690, Q1691, Q1692, Q1693, Q1694, Q1695, Q1696, Q1697, Q1698, Q1699, Q1700, Q1701, Q1702, Q1703, Q1704, Q1705, Q1706, Q1707, Q1708, Q1709, Q1710, Q1711, Q1712, Q1713, Q1714, Q1715, Q1716, Q1717, Q1718, Q1719, Q1720, Q1721, Q1722, Q1723, Q1724, Q1725, Q1726, Q1727, Q1728, Q1729, Q1730, Q1731, Q1732, Q1733, Q1734, Q1735, Q1736, Q1737, Q1738, Q1739, Q1740, Q1741, Q1742, Q1743, Q1744, Q1745, Q1746, Q1747, Q1748, Q1749, Q1750, Q1751, Q1752, Q1753, Q1754, Q1755, Q1756, Q1757, Q1758, Q1759, Q1760, Q1761, Q1762, Q1763, Q1764, Q1765, Q1766, Q1767, Q1768, Q1769, Q1770, Q1771, Q1772, Q1773, Q1774, Q1775, Q1776, Q1777, Q1778, Q1779, Q1780, Q1781, Q1782, Q1783, Q1784, Q1785, Q1786, Q1787, Q1788, Q1789, Q1790, Q1791, Q1792, Q1793, Q1794, Q1795, Q1796, Q1797, Q1798, Q1799, Q1800, Q1801, Q1802, Q1803, Q1804, Q1805, Q1806, Q1807, Q1808, Q1809, Q1810, Q1811, Q1812, Q1813, Q1814, Q1815, Q1816, Q1817, Q1818, Q1819, Q1820, Q1821, Q1822, Q1823, Q1824, Q1825, Q1826, Q1827, Q1828, Q1829, Q1830, Q1831, Q1832, Q1833, Q1834, Q1835, Q1836, Q1837, Q1838, Q1839, Q1840, Q1841, Q1842, Q1843, Q1844, Q1845, Q1846, Q1847, Q1848, Q1849, Q1850, Q1851, Q1852, Q1853, Q1854, Q1855, Q1856, Q1857, Q1858, Q1859, Q1860, Q1861, Q1862, Q1863, Q1864, Q1865, Q1866, Q1867, Q1868, Q1869, Q1870, Q1871, Q1872, Q1873, Q1874, Q1875, Q1876, Q1877, Q1878, Q1879, Q1880, Q1881, Q1882, Q1883, Q1884, Q1885, Q1886, Q1887, Q1888, Q1889, Q1890, Q1891, Q1892, Q1893, Q1894, Q1895, Q1896, Q1897, Q1898, Q1899, Q1900, Q1901, Q1902, Q1903, Q1904, Q1905, Q1906, Q1907, Q1908, Q1909, Q1910, Q1911, Q1912, Q1913, Q1914, Q1915, Q1916, Q1917, Q1918, Q1919, Q1920, Q1921, Q1922, Q1923, Q1924, Q1925, Q1926, Q1927, Q1928, Q1929, Q1930, Q1931, Q1932, Q1933, Q1934, Q1935, Q1936, Q1937, Q1938, Q1939, Q1940, Q1941, Q1942, Q1943, Q1944, Q1945, Q1946, Q1947, Q1948, Q1949, Q1950, Q1951, Q1952, Q1953, Q1954,